

ई वाटर सोर्स प्लैटफॉर्म के IHACRES आवाह निदर्श द्वारा बंजार उप बेसिन में सरित प्रवाह पूर्वानुमान का मूल्यांकन

तिलक राज सपरा, जगदीश प्रसाद पात्रा, राकेश कुमार, पंकज मनी

राष्ट्रीय जल विज्ञान संस्थान, रुड़की

सारांश

विभिन्न प्रकार के बाढ़ नियन्त्रण संरचनाओं, जल गुणता, जलाशय प्रचालन तथा अन्य जल संसाधन परियोजनाओं के लिए सरित प्रवाह पूर्वानुमान की आवश्यकता होती है। यद्यपि इन विभिन्न जलविज्ञानीय निदर्शों की भारतीय आवाह क्षेत्रों में अनुपयोगिता, उनकी जटिल संरचना, अधिक प्राचलों की आवश्यकता, आंकड़ों की मांग तथा काफी महंगे होने के कारण सीमित है। आस्ट्रेलिया के प्रथम राष्ट्रीय नदी बेसिन स्केल जल निदर्शन तंत्र "ई वाटर सोर्स" को भारत में नदी बेसिन प्रबंधन के लिए विभिन्न बेसिनों में उपयोग करने की योजना है। वर्तमान में ई वाटर सोर्स में उपलब्ध आवाह निदर्शों में Sacramento (6 प्राचल), SIMHYD (7 प्राचल), SMARG, GR4J (4 प्राचल), IHACRES (6 प्राचल), AWBM (3 प्राचल) तथा SURM शामिल हैं। IHACRES (वर्षा, वाष्पन तथा सरिता से जलालेख एवं घटको का अभिनिर्धारण) निदर्श एक लुण्ड वैचारिक निदर्श है जिसमें निम्नतम आंकड़ों की आवश्यकता होती है तथा यह नदी प्रवाह की प्रवृत्ति को निदर्श करने तथा जलवायु परिवर्तन के अन्तर्गत इसके स्वभाव का पूर्वानुमान करने में समर्थ है। IHACRES वर्षा-अपवाह निदर्श प्रभावी वर्षा की गणना के लिए अरेखिक हानि माड्युल तथा प्रभावी वर्षा को नदी प्रवाह में परिवर्तन के लिए रेखिक मार्गभिग्न माड्युल का उपयोग करता है। इस पत्र का उद्देश्य नर्मदा बेसिन के बंजार उप बेसिन के लिए IHACRES निदर्श की कार्यकुशलता का मूल्यांकन करना है। बंजार उप बेसिन का आवाह क्षेत्र 2522 वर्ग किमी है। निदर्श को वर्ष 2000 से 2004 के लिए समायोजित किया गया तथा वर्ष 2005 एवं 2006 के लिए सत्यापित किया गया। IHACRES निदर्श ने बंजार उप बेसिन के लिए निरंतर प्रतिदिन सरितप्रवाह को उपयोगी यथार्थता के साथ सफलता पूर्वक अनुकारित किया (समायोजन अवधि $R^2=0.78$, बायस = - 5.24 m^3/s , सत्यापन अवधि $R^2=0.72$, बायस = - 6.07 m^3/s)। निम्न निदर्श यथार्थता का मुख्य कारण संपूर्ण आवाह क्षेत्र के लिए औसत वर्षा का उपयुक्त आंकलन न किया जाना है। यद्यपि निम्न प्रवाह का आंकलन उच्च यथार्थता के साथ किया गया है लेकिन शीर्ष बाढ़ घटनाओं का आंकलन कम करके किया गया है। यह भी देखा गया कि समायोजन आंकड़ों की लम्बाई तथा घटनाओं में विशिष्ट परिवर्तन के कारण इष्टतम प्राचल मान प्रभावित हुए हैं।

Abstract

Prediction of streamflow is required for various flood control, water quality, reservoir operation and other water resources projects. However, applicability various hydrological models in Indian catchment are limited due their complex structure, over-parameterised, data-demanding, and expensive to use. The eWater source, Australia's first national river basin scale water modelling system is planned to use in various basin of India for river basin management. The catchment models presently available in source are: Sacramento (6 parameters), SIMHYD (7 parameter), SMARG, GR4J (modèle du Génie Rural à 4 paramètres Journalier) (four parameters), IHACRES (six parameters), AWBM (3 parameter), SURM. The IHACRES (Identification of Hydrographs and Components from Rainfall, Evaporation and Stream) is a lumped conceptual model requiring minimal input data (discharge, rainfall, temperature), is less limited by these problems, and has potential to model streamflow patterns and predict its behaviour under climate change. The IHACRES rainfall-runoff model uses a non-linear loss module to calculate the effective rainfall and a linear routing module to convert effective rainfall into streamflow. The purpose of this paper is to evaluate IHACRES model performance for Banjar sub basin with 2522 km^2 area in the Narmada basin. The model is calibrated for 2000 to 2004 and validated for 2005 and 2006. The IHACRES successfully simulated continuous daily streamflow for the Banjar sub basin with useful accuracy (calibration period $R^2=0.78$, bias = - 5.24 m^3/s ; validation period $R^2=0.72$, bias = - 6.07 m^3/s). The low model accuracy is primarily due to poor estimate of average rainfall for the whole catchment. However, the low flows are estimated with a high accuracy, but the

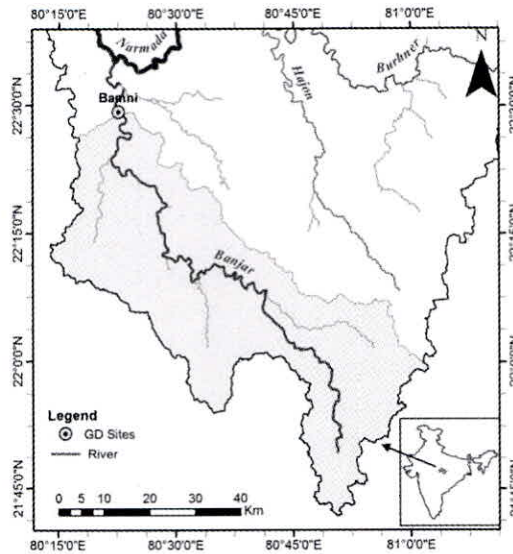
peak flood events are under estimated. It is also observed that the optimum parameter values were influenced by the length of calibration data and event specific changes.

परिचय:

विभिन्न जल संसाधन परियोजनाओं के अभिकल्प, प्रबंधन तथा सतत विकास के लिए सरित प्रवाह पूर्वानुमान अति आवश्यक है। जल संसाधन परियोजनाओं में विभिन्न उद्देश्यों की पूर्ति के लिए जलविज्ञानिय निदर्शों का उपयोग किया जाता है। जलविज्ञानिय निदर्शों को दो श्रेणियों में विभाजित किया जा सकता है अर्थात इम्पीरिकल एवं वैचारिक निदर्श (कारकनों इत्यादि 2008)। इम्पीरिकल निदर्श निवेशित एवं परिणाम चरो के बीच गणितीय सम्बन्धों पर आधारित है तथा इसमें बेसिन के भौतिक अभिलक्षणों पर विचार न कर, बेसिन को एक लुम्पड इकाई के रूप में विचार किया जाता है। वैचारिक निदर्श, भौतिक परिवहन प्रक्रियाओं का सरलतम वैचारिकरण का उपयोग कर बेसिन में जल विज्ञानीय स्वभाव के विभिन्न घटकों की व्याख्या करता है। जलविज्ञानिय निदर्शों की जटिल संरचना, अधिक प्राचल-युक्त, आंकड़ों की आवश्यकता तथा महंगे होने के कारण भारतीय आवाह क्षेत्र में इनकी अनुप्रयोगता सीमित है। IHACRES (वर्षा, वाष्पन तथा प्रवाह से घटकों एवं जलालेखों का अभिनिर्धारण) एक लुम्पड वैचारिक निदर्श है जिसके लिए निम्नतम आंकड़ों (प्रवाह, वर्षा, तापमान) की आवश्यकता होती है। इसके अतिरिक्त IHACRES निदर्श वितरित निर्देश की तुलना में आंतरिक प्रक्रियाओं की अधिक स्पष्ट व्याख्या करता है। (क्रॉक इत्यादि 2005)। संपूर्ण विश्व में विभिन्न आवाह क्षेत्रों के लिए जलविज्ञानिय अन्वेषण करने के लिए इसका अनुपयोग किया गया। जैसे कि UK में (लिटिल वुड इत्यादि 1997), USA (इवांस 2003), ऑस्ट्रेलिया (कार्लिले इत्यादि 2004), थाईलैंड (क्राड़ इत्यादि 2003) साउथ अफ्रीका (डार एवं क्राड़ 2003, श्रीवांगसिटनान एवं तेसोमबत, 2011) तथा जॉर्डन (अबुशेन्डी एवं मर्केल, 2013)। इस शोध पत्र का उद्देश्य भारतीय बेसिन अर्थात नर्मदा बेसिन के बंजार उप बेसिन के लिए IHACRES निदर्शों की कार्य दक्षता का मूल्यांकन करना है।

अध्ययन क्षेत्र तथा आंकड़े:

बंजार नदी नर्मदा नदी कि मुख्य सहायक नदी है तथा मध्य प्रदेश राज्य के मंडला जिले से होकर गुजरती है। नदी के आवाह क्षेत्र के जिले मे सर्वोत्तम साल वन है। नर्मदा के ऊपरी भाग में बंजार नदी के किनारे कान्हा राष्ट्रीय पार्क भी स्थित है। बंजार नदी कान्हा पार्क की जीवन रेखा के रूप में कार्य करती है। नर्मदा नदी के साथ-साथ बंजार नदी का बेसिन मानचित्र-1 में दर्शाया गया है। बामनी मापन स्थल तक इसका आवाह क्षेत्र 2522 वर्ग किलोमीटर है। 2000 से 2006 तक मापन स्थल पर निस्सरण के आंकड़े केंद्रीय जल आयोग भोपाल से प्राप्त किये गए। मंडला में प्रतिदिन वर्षा तथा तापमान तथा इस अवधि के दौरान मालांजर खंड पर प्रतिदिन वर्षा आंकड़े भी भारत मौसम विज्ञान विभाग (IMD) से प्राप्त किये गए।



चित्र: बेमानी मापन स्थल तक बंजार नदी बेसिन

निर्देश विवरण:

IHACRES निर्देश लघु पैमाने की जलविज्ञानीय प्रक्रियाएं, जिनमें वर्षा के कारण नदी प्रवाह मिलता है, के स्थान पर आवाह क्षेत्र पैमाने पर वर्षा-अपवाह स्वभाव का निर्देशन करता है। यह आवाह क्षेत्र पैमाने पर आंकड़ों तथा प्राचलों से वर्षा-अपवाह स्वभाव का अभिनिर्धारण करता है। आवाह क्षेत्र निर्देशन किट द्वारा उपलब्ध IHACRES भाग 2.1 (IHACRES क्लासिक प्लस), जो IHACRES का जावा आधारित वर्जन है, का इस अध्ययन में उपयोग किया है। इसमें दो मोड्यूल-एक रेखिक तथा दूसरा अरेखिक है। अरेखिक मोड्यूल वर्षा तथा तापमान को प्रभावी वर्षा में परिवर्तित करता है जबकि रेखिक मोड्यूल प्रभावी वर्षा को अपवाह में परिवर्तित करता है। प्रभावी वर्षा (μ_k) का अरेखिक प्रतिनिरूपण समीकरण (1) में दिया गया है।

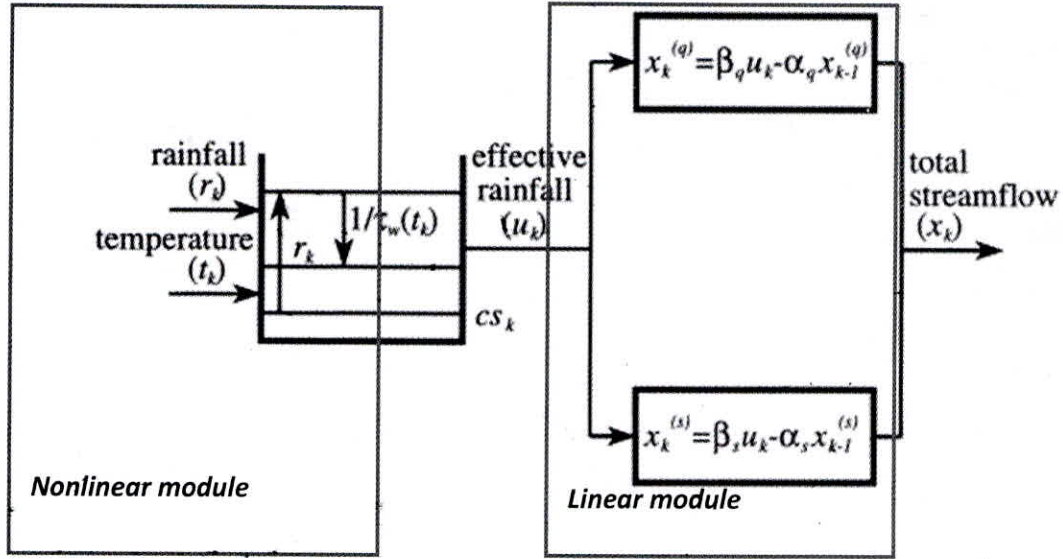


Fig. 2. IHACRES निर्देश संरचना

$$u_k = [c(\phi_k - 1)]^P r_k \quad (1)$$

जहाँ मिमी में k दिवस पर प्रेक्षित वर्षा, c = द्रव्यमान संतुलन, 1 = प्रवाह उत्पादन के लिए मृदा आद्रता सूचकांक तथा P अरेखिक अनुरूपता पाद है। 1 तथा P आवश्यक प्राचल है। मृदा आद्रता O_k समीकरण (2) में दी गयी है।

$$\phi_k = r_k + \left(1 - \frac{1}{\tau_k}\right) \phi_{k-1} \quad (2)$$

जहाँ r_k शुष्क दर है तथा निम्न रूप में व्यक्त की जाती है।

$$\tau_k = \tau_w e^{(0.062 f(t_r - t_k))} \quad (3)$$

जहाँ t_k प्रेक्षित तापमान (O_c), τ_w सन्दर्भ तापमान पर शुष्क दर (O_c), f तापमान मॉड्यूलेशन (O_c^{-1}) तथा सन्दर्भ तापमान (O_c) है जो स्थानीय वायु तापमान के अनुसार सेट होता है। प्राचल f वाष्पोत्सर्जन की मौसमीय विविधता से

संबन्धित होता है जो मुख्यतः जलवायु, भूमि उपयोग तथा भूमि आवरण से प्रभावित होता है। प्राचलमृदा निकासी तथा अन्तः-स्यंदन दर की विविधता को प्रभावित करता है।

रेखिक सम्बन्धों का उपयोग कर प्रभावी वर्षा को अपवाह में परिवर्तित किया गया। प्रवाह मार्गभिगमन में दो घटक त्वरित प्रवाह एवं धीमा प्रवाह है। अधिकांश अनुप्रयोगों में यह सन्तुति की गयी की समानांतर रूप से जुड़े दो घटकों का उपयोग करना चाहिए केवल अर्ध शुष्क क्षेत्रों अथवा अल्पकालिक नदियों को छोड़कर जहाँ सामान्यतः एक घटक पर्याप्त होता है। (ये इत्यादि, 1997)। त्वरित प्रवाह (x_k^q) तथा धीमे प्रवाह (x_k^s) मिलकर अपवाह (S_k) का उत्पाद करते हैं जिसकी व्याख्या निम्न है।

$$x_k = x_k^{(q)} + x_k^{(s)} \quad (4)$$

$$x_k^{(q)} = \beta_q u_k - \alpha_q x_{k-1}^{(q)} \quad (5)$$

$$x_k^{(s)} = \beta_s u_k - \alpha_s x_{k-1}^{(s)} \quad (6)$$

जहाँ α तथा β समय नियतांक है। त्वरित प्रवाह तथा धीमे प्रवाह के लिए गतिकीय अनुस्तर अभिलक्षण (DRC) एकक जलालेख कि गणना निम्न प्रकार से की गयी है।

$$\tau_q = \frac{-\Delta}{\ln(-\alpha_q)} \quad (7)$$

$$\tau_s = \frac{-\Delta}{\ln(-\alpha_s)} \quad (8)$$

जहाँ, Δ समय प्राचल है तथा τ_q एवं τ_s क्रमशः त्वरित प्रवाह तथा धीमे प्रवाह के लिए दिनों में मंदी समय नियतांक है। यह अनुमोदित किया गया कि प्राचल τ_g समय पाद से कम होना चाहिए। त्वरित प्रवाह एवं धीमे प्रवाह के सापेक्ष आयतन निम्न रूप से व्यक्त किए गये हैं।

$$V_q = 1 - V_s = \frac{\beta_q}{1 + \alpha_q} = 1 - \frac{\beta_s}{1 + \alpha_s} \quad (9)$$

जहाँ, V_q कुल प्रवाह ($1 - V_s$) के त्वरित प्रवाह का हिस्सा है तथा V_s धीमे प्रवाह का सापेक्ष आयतन है।

कार्यप्रणाली

निदर्श सत्यापन एवं विभिन्न निदर्श प्राचलों के आंकलन के लिए 2000-2004 तक के आंकड़े उपयोग किए गये। विभिन्न निदर्श प्राचलों के आंकलन के बाद, निदर्श को 2005-2006 के लिए सत्यापित किया गया। विभिन्न निदर्श प्राचलों अर्थात् r_w , f , t_r , l तथा p सभी पूर्व ग्रिड खोज में न्यूनतम और अधिकतम के बीच पाये गए। निदर्श प्राचलों का चयन विभिन्न आंकड़ों की दक्षता के आधार पर किया गया। जिनकी समीकरण (10) से समीकरण (12) में व्याख्या की गई है।

$$Bias = \frac{\sum (Q_o - Q_M)}{n} \quad (10)$$

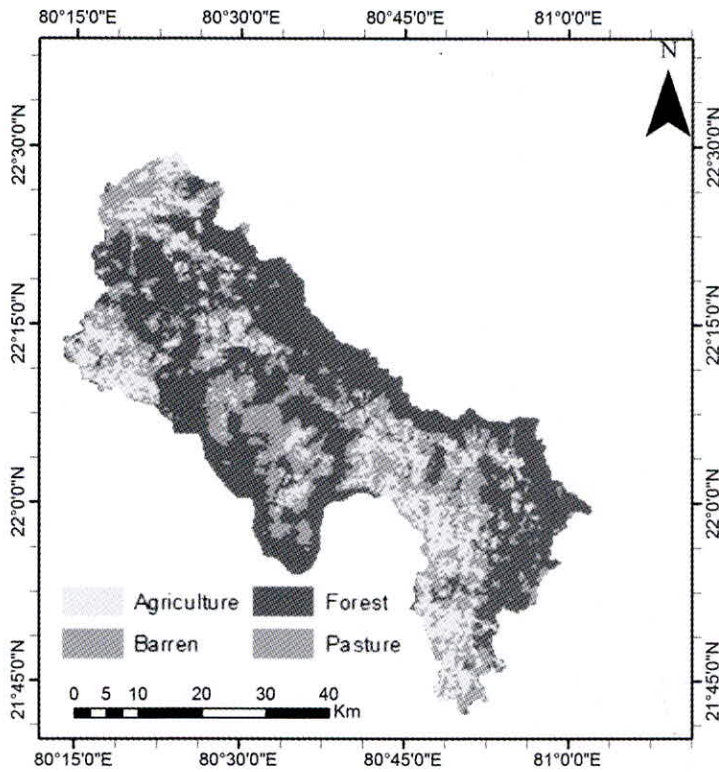
$$R^2 = 1 - \frac{\sum(Q_o - Q_M)^2}{\sum(Q_o - \bar{Q}_o)^2} \quad (11)$$

$$R_{\log}^2 = 1 - \frac{\sum(\ln(Q_o + \varepsilon) - \ln(Q_M + \varepsilon))^2}{\sum(\ln(Q_o + \varepsilon) - \ln(\bar{Q}_o + \varepsilon))^2} \quad (12)$$

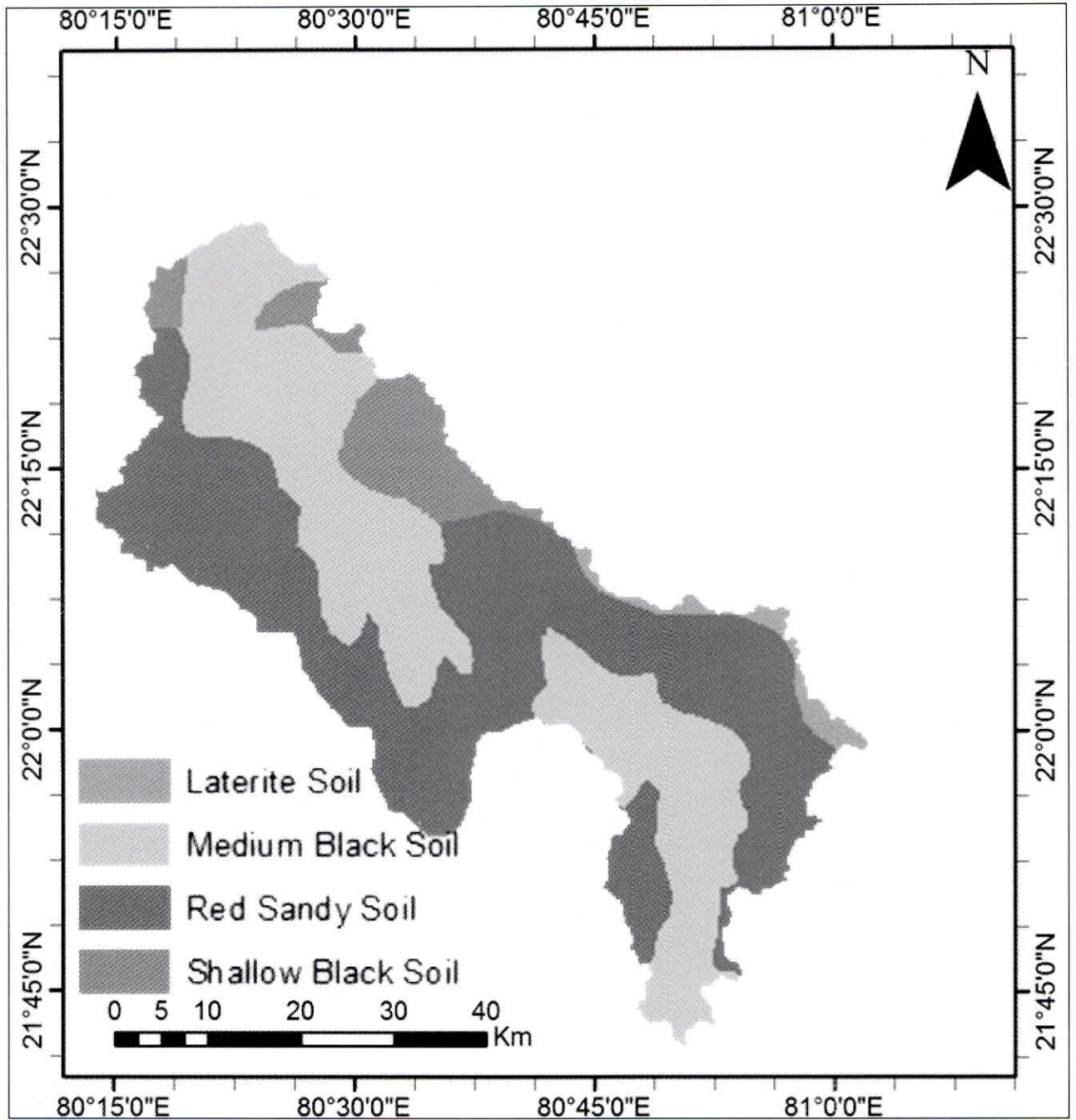
जहाँ, Q_o , Q_M और ε क्रमशः प्रेक्षित प्रवाह, निदर्शित प्रवाह और प्रेक्षित शून्य रहित प्रवाह मान का 90 प्रतिशत तक है। Bias मिमी प्रतिवर्ष में प्रवाह आयतन में कुल त्रुटि दर्शाता है। तथा R^2 प्रेक्षित और निदर्शित सरितप्रवाह के बीच उपयुक्त पैमाने की माप है। R_{\log}^2 , R^2 की भिन्नता है, जहाँ सभी प्रवाह प्रतिशतक को समान समझा जाता है।

परिणाम एवं चर्चा:

बेसिन में औसत वर्षा लगभग 1216 मिमी तथा अधिकतम तापमान 42.9°C है। जैसे की चित्र 3 में दर्शाया गया है बेसिन में भूमि उपयोग में 50% वन तथा 18% कृषि भूमि है। अधिकांश मृदा किस्म रेतीली तथा मध्यम काली मृदा है। बेसिन का मृदा चित्र (4) में दर्शाया गया है। वर्षा, तापमान तथा नदी प्रवाह के सह-सम्बन्धों के चित्र (5) में दर्शाया गया है। नीली एवं लाल के दाईं ओर काली चोटियां दिखाई दे रही हैं। यह संकेत करता है कि वर्षा एवं नदी प्रवाह के बीच समय लगता है अर्थात् किसी दिन पर नदी प्रवाह का सम्बन्ध कल की वर्षा से है न कि आज की। इसके अतिरिक्त इन तीनों चरों का 3d चित्र में 1 दिन की देरी के साथ नदी प्रवाह नीचे चित्र 6 में दिखाया गया है।



चित्र 3. बेसिन का भूमि उपयोग मानचित्र



चित्र 4. बेसिन का मर्दा मानचित्र

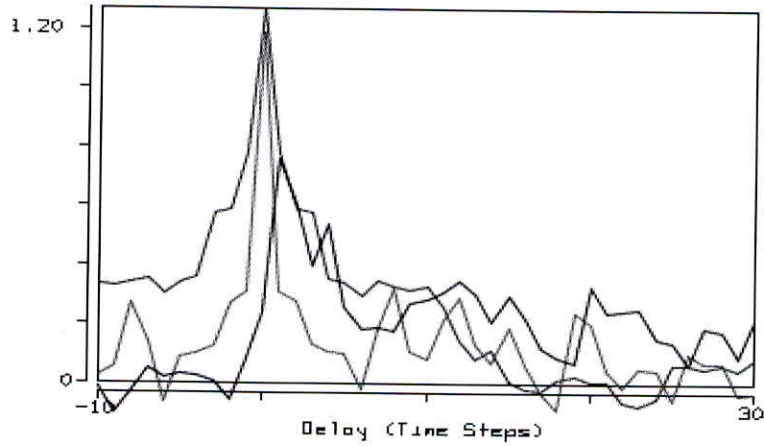
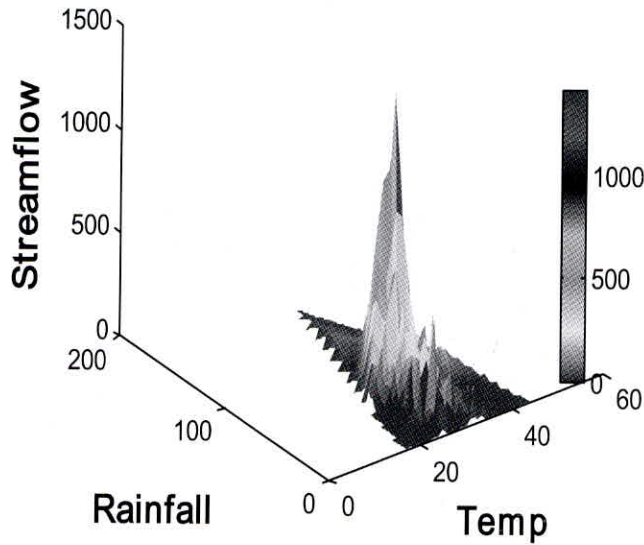
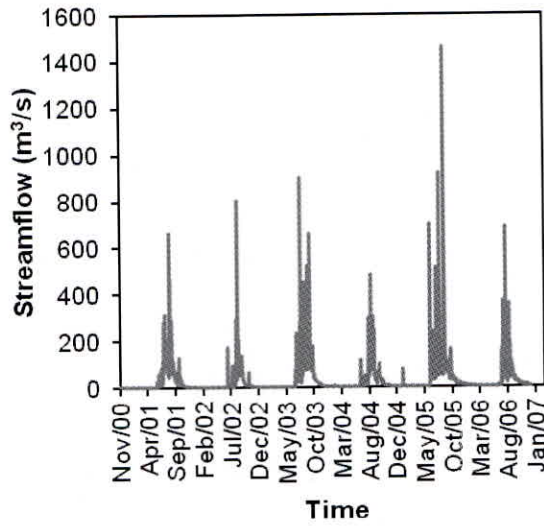


Fig. 5. वर्षा, तापमान तथा सरितपरवाह के सह-संबंध

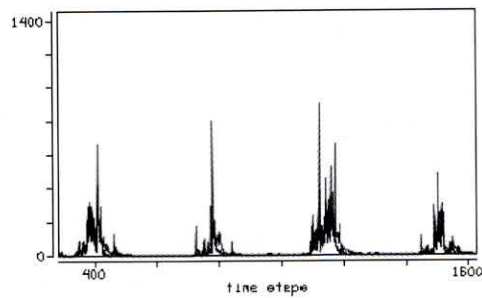


चित्र 6. वर्षा, तापमान तथा सरितपरवाह के 3 ग चित्र (a) No lag (b) 1 day lag of streamflow.

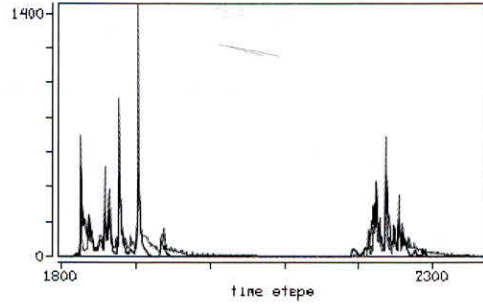
प्रतिदिन प्रेक्षित सरित प्रवाह चित्र (7) में दर्शाया गया है। यह स्पष्ट है कि आवाह क्षेत्र एक अल्पकालिक आवाह क्षेत्र है। 2000 से 2004 के लिए IHACRES का समायोजन किया गया। अधिकतम R^2 (0.78) तथा निम्नतम Bias (-5.24 मी³/से 0) सापेक्ष निदर्श प्राचल सारणी 1 में दिए गए हैं। प्रेक्षित तथा अनुकारित सरित प्रवाह का ग्राफ चित्र (8) में दर्शाया गया है। इसके अतिरिक्त निदर्श को वर्ष 2005 से 2006 के लिए सत्यापित किया गया। सत्यापन अवधि के दौरान R^2 तथा Bias के मान क्रमशः 0.72 तथा -6.07 मी³/से 0 पाये गए। प्रेक्षित एवं अनुकारित सरित प्रवाह चित्र 9 में दर्शाये गए हैं। यह प्रेक्षित किया गया की IHACRES निदर्श त्वरित प्रवाह घटक की तुलना में निम्न प्रवाह घटक को अनुकारित करने के अधिक योग्य है। चित्र 6 यह भी दर्शाता है कि शीर्ष सरित प्रवाह तथा अधिकतम वर्षा एक समय में नहीं है। इसका कारण वर्षा आंकड़ों की उपलब्धता हो सकती है क्योंकि आवाह क्षेत्र की सीमा में केवल एक वर्षामापी स्टेशन है दूसरा वर्षामापी स्टेशन आवाह क्षेत्र की सीमा से बाहर है। यद्यपि आवाह क्षेत्र के लिए औसत वर्षा का आंकलन थीजन पोलिगान विधि से किया गया परन्तु 2522 वर्ग किमी के आवाह क्षेत्र के लिए अतिरिक्त वर्षा आंकड़ों की आवश्यकता है।



प्राचल	मान
द्रव्यमान संतुलन (c)	0.000965
संदर्भित तापमान पर शुष्कन दर (t_w)	27.000000
शुष्कन दर की तापमान निर्भरता (f)	0.000000
संदर्भित तापमान (t_{ref})	20.000000
प्रवाह उत्पादन के लिए आद्रता (l)	0.000000
भ्रदा आद्रता की पावर	1.000000



चित्र 8. समायोजन अवधि के दौरान सरित प्रवाह की तुलना



चित्र 9. सत्यापन अवधि के दौरान सरित प्रवाह की तुलना

निष्कर्ष:

इस शोध पत्र में नर्मदा बेसिन में बंजार उप बेसिन, जिसका आवाह क्षेत्र 2522 वर्ग किमी है, के लिए IHACRES की कार्यक्षमता का मूल्यांकन करने के लिए इसका अनुप्रयोग किया गया। निदर्श को 2000 से 2004 के लिए समायोजित किया गया तथा 2005 से 2006 के लिए सत्यापित किया गया। IHACRES ने सफलतापूर्वक निरंतर प्रतिदिन प्रवाह को काफी यथार्थता के साथ अनुकारित किया। (समायोजन अवधि $R^2 = 0.78$, bias = - 5.24 मी/से) निदर्श की निम्न यथार्थता का कारण पूर्ण आवाह क्षेत्र के लिए औसत वर्षा का निम्न स्तर का आंकलन है। यद्यपि निम्न प्रवाह का आंकलन उच्च यथार्थता के साथ किया गया। केवल मानसून अवधि के लिए निदर्श का समायोजन त्वरित प्रवाह अनुकरण के लिए निदर्श की यथार्थता में सुधार कर सकता है।

संदर्भ:

- अबुशाण्डि, ई और मार्केल, बी (2013) "जॉर्डन के एक शुष्क क्षेत्र में एक एकल वर्षा घटना के लिए एचईसी-एचएमएस और IHACRES का प्रयोग कर वर्षा अपवाह संबंध की मॉडलिंग"। जल संसाधन प्रबंधन। 27 (7), 2391-2409।
- कारकानो, ई. सी.बर्तोलीनी, पी मुसेल्ली, एम और पिरोद्दी, एल (2008) "प्रतिदिन सरित प्रवाह निदर्शन में जॉर्डन आवर्तक तंत्रिका नेटवर्क IHACRES बनाम" hydrology Journal, 362, 291-307।
- कार्लिले, पी.डब्ल्यू. क्रोक, बी.एफ.डब्ल्यू. जैकमैन, ए जे और लीस, बीजी (2004)। 'लघु नदी के जलग्रहण के भीतर भूमि-उपयोग परिवर्तन सरितप्रवाह और भूजल पुनर्भरण के अनुकरण के लिए एक सेमि डिस्ट्रीब्यूटेड जलग्रहण जल विज्ञान मॉडल का विकास 'एन एस डब्ल्यू. 54-56। I.C. रेगोलिथ, 2004 सी आर सी एल ई एम'।
- क्रोक, बी एफ डब्ल्यू एंड्रयूज, एफ जैकमैन, ए जे कुड्डी, एस और लुड्डी, ए (2005)। 'IHACRES वर्षा-जल का प्रवाह मॉडल का नया स्वरूप' 29 वें जल विज्ञान और जल संसाधन संगोष्ठी में। 21-23 फरवरी 2005, कैनबरा, ऑस्ट्रेलिया। 1-7।
- क्रोक, बी एफ डब्ल्यू मेरिट, डब्ल्यू एस और जैकमैन, ए जे (2003)। "मापित और अमापित जलग्रहण क्षेत्र में भूमि कवर परिवर्तन करने के लिए जलीय प्रतिक्रिया की भविष्यवाणी के लिए एक गतिशील मॉडल।" जर्नल ऑफ हाइड्रोलोजी, 291, 115-131।
- डाई, पी जे और क्रोक बी एफ डब्ल्यू (2003)। "दक्षिण अफ्रीका के दो जलग्रहण में IHACRES वर्षा-जल का प्रवाह मॉडल के आधार पर सरितप्रवाह भविष्यवाणियों का मूल्यांकन।" पर्यावरण मॉडलिंग एवं सोफ्टवेयर, 18, 705-712।
- इवांस, जे पी (2003)। "क्षेत्रीय जलवायु मॉडल से मॉडलिंग किए गए सरितप्रवाह की विशेषताओं में सुधार।" जर्नल ऑफ हाइड्रोलोजी, 284, 211-227।
- लिटिलवूड, आई.जी. डाओन, के पार्कर, जे. आर. और पोस्ट, डी.ए. (1997), "कैचमेंट-स्केल वर्षा-अपवाह मॉडलिंग संस्करण 1.0 उपयोगकर्ता गाइड-अप्रैल 1997 के लिए IHACRES का पी सी संस्करण" पारिस्थितिकी और जल विज्ञान केंद्र, वैलिंगफोर्ड, ऑक्सोन, ब्रिटेन।
- श्रीवांगसितनान एवं तेसोमबत (2010)। "गणितीय मॉडल का उपयोग कर ऊपरी पिंग नदी बेसिन के लिए बाढ़ आंकलन"। जर्नल ऑफ प्राकृतिक विज्ञान, 44, 152-166।
- ये. डब्ल्यू बेट्स, बी.सी. विनय, एन.आर. सिवपालन, एम और जैकमैन, ए जे (1997)। "कम उपज अल्पकालिक जलग्रहण में वैचारिक वर्षा-अपवाह मॉडलों का प्रदर्श।" जल संसाधन रिसर्च, 33, 153-166।